



---

**Aufgabe 1 - Indexstrukturen.**

1 Punkt

**Zeichnen** Sie für die folgende Tabelle einen **3-stufigen Sekundärindex** auf dem Attribut **Player**. Die **erste Indexstufe** soll **dense** und die **zweite und dritte Indexstufe** sollen **sparse** sein. Ein **Datenblock** kann **2 Tupel** speichern. In einen **Indexblock** können **3 Einträge** gespeichert werden.

Player	Team
Bell	Steelers
Brees	Saints
Brown	Steelers
Donald	Rams
Edelman	Patriots
Fournette	Jaguars
Gurley	Rams
Houston	Chiefs
Jones	Falcons
Kuechly	Panthers
Lattimore	Saints
Leonard	Colts
Mack	Bears
Michel	Colts
Sanu	Falcons
Thomas	Saints

Aufgabe 2 - *Slotted Page*.

1 Punkt

Gegeben sei eine Slotted Page mit folgenden Eigenschaften:

- Größe:  $2^{10} = 1024$  Bytes,
- Adressierungstyp: **Word-Adressierung** (d.h. es kann nur jedes 2. Byte adressiert werden)

In dieser Slotted Page werden **3 Tupel**  $R, S, T$  gespeichert:

- $d_1$ :  $|R| = 111$  Bytes
- $d_2$ :  $|S| = 222$  Bytes
- $d_3$ :  $|T| = 333$  Bytes

**Ergänzen** Sie die Slotted Page um die **fehlenden Werte/Adressen**, wobei  $p_i$  und  $g_i$  sich auf den jeweiligen Datensatz  $d_i$  beziehen. (**0.125 Punkte pro Wert/Adresse**)

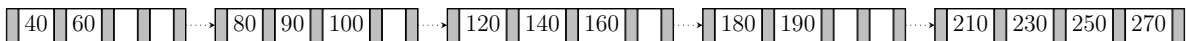
$a$      $f$      $g_3$      $p_3$      $g_2$      $p_2$      $g_1$      $p_1$     ...     $d_1$      $d_2$      $d_3$

										$R$	$S$	$T$
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	-----	-----	-----

---

**Aufgabe 3 -  $B^+$ -Baum-Konstruktion.****1 Punkt**

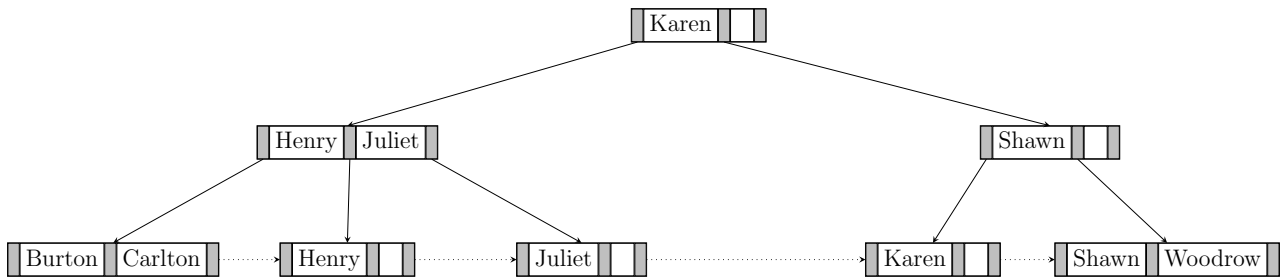
Gegeben sind die Blätter eines  $B^+$ -Baumes ( $m = 5$ ). Konstruieren Sie die **darüberliegenden Ebenen** (d.h. die inneren Knoten) so, dass ein **gültiger  $B^+$ -Baum mit minimaler Höhe** entsteht.



Aufgabe 4 -  $B^+$ -Baum-Einfügen.

1 Punkt

Gegeben ist ein  $B^+$ -Baum mit  $m = 3$ . Zeichnen Sie den  $B^+$ -Baum der nach dem Einfügen von **Dexter** entsteht.

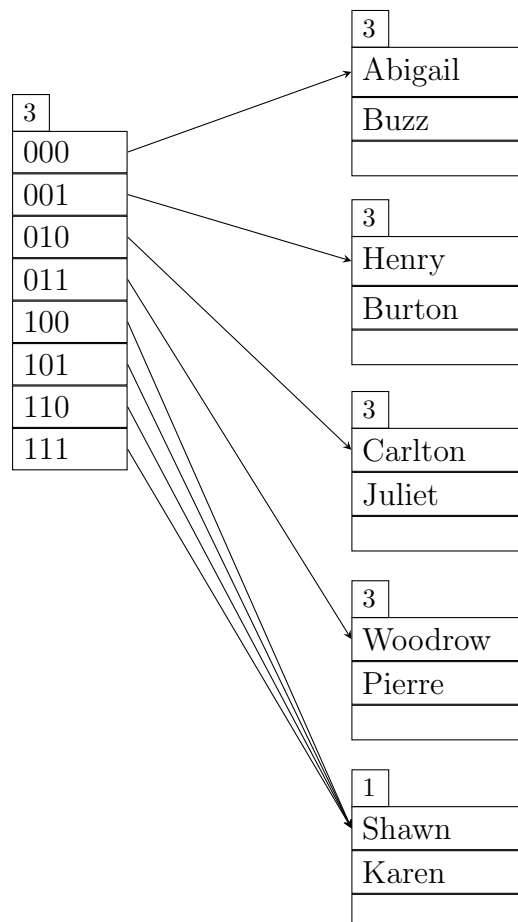


## Aufgabe 5 - Erweiterbares Hashing.

1 Punkt

Die Hashfunktion  $h(x)$  liefert die in der Tabelle angegebenen Binärwerte. Es soll das Tupel *Buzz* aus dem gegebenen Hashcontainer gelöscht werden. Ein Bucket im Hashcontainer kann bis zu 3 Tupel speichern. Das Verzeichnis soll so klein wie möglich gehalten werden. **Illustrieren Sie den resultierenden Hashcontainer.**

$x$	$h(x)$
<i>Abigail</i>	0000
<i>Burton</i>	0010
<i>Buzz</i>	0001
<i>Carlton</i>	0100
<i>Henry</i>	0011
<i>Juliet</i>	0101
<i>Karen</i>	1110
<i>Pierre</i>	0111
<i>Shawn</i>	1100
<i>Woodrow</i>	0110



---

**Aufgabe 6 - Externes Merge-Sort.****1 Punkt**

---

Führen Sie **externes Merge-Sort** auf der folgenden Relation  $R[A]$  aus.  
Jeder **Block fasst 2 Tupel**. Die Größe des **Puffer** beträgt 6 **Blöcke**.

99
35
10
45
95
20
25
5
30
90
40
0
15
50
80
60
55
75
65
70
85

---

**Aufgabe 7 - Effiziente Anfragebearbeitung.****1 Punkt**

---

Gegeben sei eine Relation  $R[A, B, C]$  mit folgenden Eigenschaften:

- $|R| = 8 \cdot 10^9$  Tupel,
- Pro Datenblock werden  $16 \cdot 10^3$  Tupel gespeichert,
- Attribut  $A$  hat ganzzahlige Werte gleichverteilt im Bereich  $[1; 8 \cdot 10^6]$ ,
- Attribut  $B$  hat ganzzahlige Werte gleichverteilt im Bereich  $[1; 8 \cdot 10^9]$ ,
- Attribut  $C$  hat ganzzahlige Werte gleichverteilt im Bereich  $[1; 8 \cdot 10^3]$ ,
- Duplikate werden mittels Tuple Identifier (TID) aufgelöst,
- Folgende Indizes existieren:
  - flacher sparse Index auf Attribut  $A$  mit 12.500 Einträgen pro Indexblock,
  - dense  $B^+$ -Baum-Index auf Attribut  $B$ ,  $m = 4.096$ , minimale Höhe,

Es soll folgende Anfrage beantwortet werden:

$$\sigma_{B < 7 \cdot 10^3 \wedge B > 7 \cdot 10^3} (R)$$

Geben Sie die **Strategie (0.5 Punkte)** an und berechnen Sie die **Anzahl der Blockzugriffe (0.5 Punkte)** um die Anfrage **möglichst effizient** zu beantworten (1 Knotenzugriff im  $B^+$ -Baum entspricht 1 Blockzugriff).



Aufgabe 8 - *Join-Algorithmen*.

1 Punkt

Gegeben sind **zwei Relationen** mit folgenden Eigenschaften:

$R[A, B, C, D]$	$S[D, E, F, G]$
$ R  = 10.000$ Tupel, $b_R = 500$ Blöcke	$ S  = 30.000$ Tupel, $b_S = 1.000$ Blöcke
flacher dense Index auf $A$	sparse B <sup>+</sup> Baum Index auf $D$ ( $m = 20$ )
dense B <sup>+</sup> Baum Index auf $D$ ( $m = 20$ )	

Die Werte in  $R$  und  $S$  sind gleichverteilt und unabhängig.

Berechnen Sie die **Kosten (Blockzugriffe)** eines **Natural Joins** zwischen  $R$  und  $S$  mit Hilfe des **Index-Nested-Loop-Join** Algorithmus und geben Sie die **effizientere Join-Reihenfolge** ( $R \bowtie S$  oder  $S \bowtie R$ ) an.

---

**Aufgabe 9 - Bitmap Index Scan.****1 Punkt**

---

Gegeben sei eine Relation  $R[A, B, C]$  mit folgenden Eigenschaften:

- $|R| = 10^9$  Tupel gespeichert auf  $b_R = 10^6$  Blöcken,
- Clustered B<sup>+</sup>-Baum-Index auf Attribut  $B$ ,  $m = 2.048$ , minimale Höhe,
- Duplikate werden mittels Tuple Identifier (TID) aufgelöst,
- Attribut  $B$  hat insgesamt  $10^4$  mal den Wert 5.678, verteilt auf 3.000 Datenblöcke.

Es soll folgende Anfrage beantwortet werden:

$$\sigma_{B=5.678}(R)$$

Berechnen Sie die **Anzahl der Blockzugriffe**, um diese Anfrage **möglichst effizient**

- a. **ohne Anwendung** eines Bitmap Index Scans (**0.5 Punkte**),
- b. **unter Anwendung** eines Bitmap Index Scans (**0.5 Punkte**)

zu beantworten.

---

**Aufgabe 10 - Anfrageoptimierung, Join-Reihenfolge.****1 Punkt**

---

Gegeben sind die folgende Relationen:

- $|R[A, B, C]| = 100000$ ,  $V(R, A) = 150$ ,  $V(R, B) = 50$ ,  $V(R, C) = 50$
- $|S[C, D, E]| = 5000$ ,  $V(S, C) = 20$ ,  $V(S, D) = 50$ ,  $V(S, E) = 100$

Die Werten in den Tupeln sind gleichverteilt und unabhängig.

1. Formulieren Sie die folgende Anfrage so um, dass Selektionen und Projektionen so weit wie möglich nach unten geschoben werden (sodass der kleinstmögliche Join durchgeführt wird). Geben Sie entweder den umformulierten relationalen Ausdruck oder den entsprechenden Operatorbaum an.

$$\pi_{B,C,D}(\sigma_{A=a \wedge D=d}(R \bowtie S))$$

2. Schätzen Sie die Kardinalität des Ergebnisses des Joins  $R \bowtie S$  ab.