
 Aufgabe 1 - *Slotted Page*.

1 Punkt

Gegeben sei eine Slotted Page mit folgenden Eigenschaften:

- Größe: $2^{11} = 2048$ Bytes,
- Adressierungstyp: **Byte-Adressierung** (es kann jedes Byte adressiert werden)

In dieser Slotted Page werden **3 Tupel** O , P , Q gespeichert:

- d_1 : $|O| = 32$ Bytes
- d_2 : $|P| = 64$ Bytes
- d_3 : $|Q| = 128$ Bytes

Ergänzen Sie die Slotted Page um die **fehlenden Werte/Adressen** (numerische Werte erwartet, Pfeile reichen nicht aus), wobei p_i und g_i sich auf den jeweiligen Datensatz d_i beziehen. (**0.125 Punkte pro Wert/Adresse**)

a	f	g_3	p_3	g_2	p_2	g_1	p_1	\dots	d_1	d_2	d_3
									O	P	Q

Aufgabe 2 - Indexstrukturen.**1 Punkt**

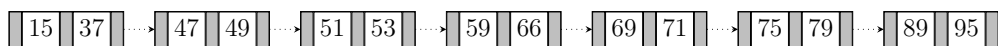
Zeichnen Sie für die folgende Tabelle einen **3-stufigen Sekundärindex** auf dem Attribut **Tier**. Die **erste Indexstufe** soll **dense** und die **zweite und dritte Indexstufe** sollen **sparse** sein. In einen **Indexblock** können **3 Einträge** gespeichert werden.

Tier	Hab.
Vogel	Luft
Leopard	Land
Pfau	Land
Katze	Land
Bär	Land
Affe	Land
Koala	Land
Orca	Wasser
Delfin	Wasser
Wal	Wasser

Aufgabe 3 - B^+ -Baum-Konstruktion.

1 Punkt

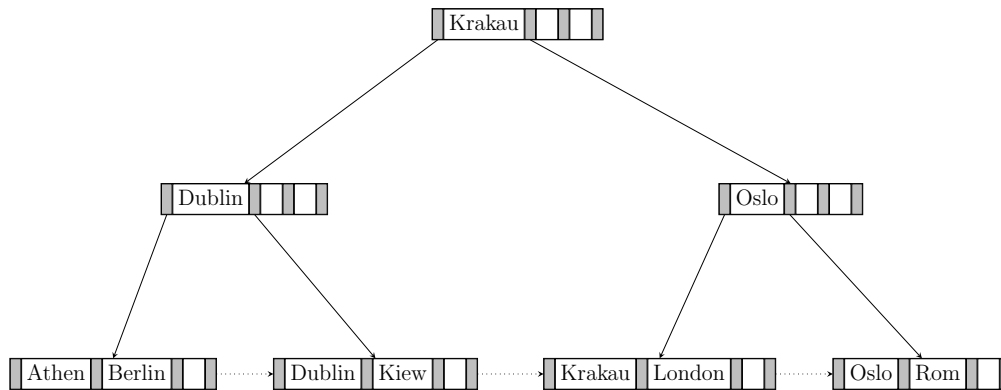
Gegeben sind die Blätter eines B^+ -Baumes ($m = 3$). Konstruieren Sie die **darüberliegenden Ebenen** (d.h. die inneren Knoten) so, dass ein **gültiger B^+ -Baum mit minimaler Höhe** entsteht.



Aufgabe 4 - B^+ -Baum-Löschen.

1 Punkt

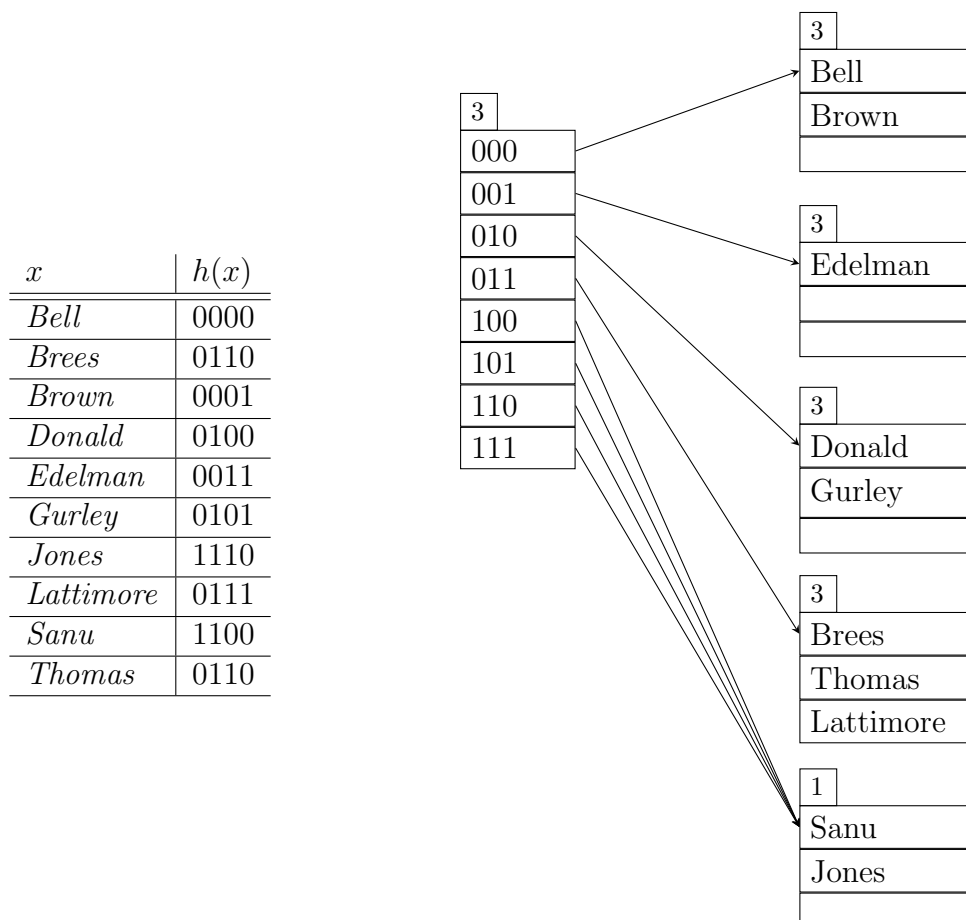
Gegeben ist ein B^+ -Baum mit $m = 4$. Zeichnen Sie den B^+ -Baum, der nach dem Löschen von **Krakau** entsteht.



Aufgabe 5 - Erweiterbares Hashing.

1 Punkt

Die Hashfunktion $h(x)$ liefert die in der Tabelle angegebenen Binärwerte. Es sollen die Tupel *Edelman* und *Jones* aus dem gegebenen Hashcontainer gelöscht werden. Ein Bucket im Hashcontainer kann bis zu 3 Tupel speichern. Das Verzeichnis soll so klein wie möglich gehalten werden. **Illustrieren Sie den resultierenden Hashcontainer.**



Aufgabe 6 - Join-Algorithmen.**1 Punkt**

Gegeben seien zwei Relationen mit folgenden Eigenschaften:

- $R[A]$ mit Werten 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 11,
- $S[A]$ mit Werten 2, 5, 6, 8, 9, 11, 13, 15, 16, 18, 19, 20,
- die Größe des Puffer beträgt $M = 4$ Blöcke,
- jeder Block fasst 1 Tupel.

Für die Durchführung eines Hash Joins soll $h(x) = x \bmod 3$ als Hashfunktion verwendet werden. Erklären Sie, ob und warum diese Hashfunktion für die Durchführung eines Hash Joins auf die Attribute $R[A]$ und $S[A]$ unter den gegebenen Umständen verwendet werden kann.

Aufgabe 7 - Join-Algorithmen.

1 Punkt

Welcher Join Algorithmus (**Hash Join, Index Nested Loop Join**) generiert die minimalen Kosten für das folgende Szenario? Geben Sie in der Lösung die **Algorithmen** und die **dazugehörigen Kosten** an.

Berechnen Sie einen Natural Join zwischen zwei Relationen $R[A, B]$ und $S[B, C]$, wobei $|R| = 1000$ Tupel und $|S| = 12000$ Tupel. Die Relationen sind auf $b_R = 250$ bzw. $b_S = 2000$ hintereinander liegenden Blöcken gespeichert. Der Buffer hat Platz für $M = 21$ Blöcke. Es existiert ein *sparse* B⁺-Baum Index auf $S.B$, wobei jeder Knoten im B⁺-Baum 20 Schlüssel speichern kann.

Aufgabe 8 - Effiziente Anfragebearbeitung.**1 Punkt**

Gegeben ist die Relation $R[A, B]$. Auf $R.A$ existiert ein sparse B⁺-Baum Index und auf $R.B$ existiert ein dense Hash-Index. Die Werte für Attribut B sind eindeutig. Was ist die **effizienteste Strategie** um Anfragen von folgendem Typ zu beantworten?

$$\sigma_{A < a \vee B = b}(R)$$

Geben Sie **alle notwendigen Schritte** an.

Aufgabe 9 - Join Kardinalität.**1 Punkt**

Gegeben seien 3 Relationen $R[A, B, C]$, $S[B, C, D, F]$ und $T[A, B, D, E, F]$ mit folgenden Eigenschaften:

- $|R| = 5000$ Tupel, $V(R, A) = 30$, $V(R, B) = 60$, $V(R, C) = 50$
- $|S| = 4000$ Tupel, $V(S, B) = 20$, $V(S, C) = 30$, $V(S, D) = 20$, $V(S, F) = 10$
- $|T| = 3000$ Tupel, $V(T, A) = 50$, $V(T, B) = 10$, $V(T, D) = 40$, $V(T, E) = 100$,
 $V(T, F) = 20$

Schätzen Sie $|R \bowtie S \bowtie T|$ ab.

Aufgabe 10 - Anfrageoptimierung.**1 Punkt**

Betrachte die folgenden Relationen und eine SQL-Anfrage.

(B)oats(*bid*, *name*, *color*)

(S)ailors(*sid*, *name*, *rating*, *age*)

(R)eservations(*bid*, *sid*, *day*)

```
SELECT DISTINCT B.name
  FROM Boats B, Sailors S, Reservations R
 WHERE S.rating > 8
       AND B.color = 'blue'
       AND B.bid = R.bid
       AND S.sid = R.sid;
```

- Zeichnen Sie die **algebraische Normalform als Operatorbaum** für die gegebene SQL-Anfrage. **(0.5 Punkte)**
- Wenden Sie **heuristische Optimierung** an, um den **Operatorbaum zu optimieren**. **(0.5 Punkte)**